

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
ДВНЗ «ПРИКАРПАТСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
ІМЕНІ ВАСИЛЯ СТЕФАНІКА»**

Факультет математики та інформатики

Кафедра диференціальних рівнянь і прикладної математики

СИЛАБУС НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

«Диференціальні та інтегральні рівняння»

Освітня програма «Середня освіта (Фізика)»

Спеціальність **014 Середня освіта (за предметними спеціальностями)**

Спеціалізація **014.08 Середня освіта (Фізика)**

Галузь знань **01 Освіта/Педагогіка**

Затверджено на засіданні кафедри
Протокол № 2 від 28 вересня 2020 р.

ЗМІСТ

1. Загальна інформація
2. Анотація до курсу
3. Мета та цілі курсу
4. Компетентності
5. Результати навчання
6. Організація навчання курсу
7. Система оцінювання курсу
8. Політика курсу
9. Рекомендована література

1. Загальна інформація			
Назва дисципліни	Диференціальні та інтегральні рівняння		
Рівень вищої освіти	Перший (бакалаврський)		
Викладач (-і)	Махней Олександр Володимирович		
Контактний телефон викладача	596027		
E-mail викладача	makhney1@yahoo.com		
Формат дисципліни	лекції, практичні заняття		
Обсяг дисципліни	3 кредити ЄКТС		
Посилання на сайт дистанційного навчання	www.d-learn.pnu.edu.ua		
Консультації	четвер 13:30		
2. Анотація до курсу			
Навчальна дисципліна «Диференціальні та інтегральні рівняння» належить до циклу професійної підготовки і формує важливі навички практичної та наукової діяльності бакалавра спеціальності «середня освіта (фізика)». Знання, набуті студентами з цієї дисципліни, будуть потрібні їм у курсах методи математичної фізики, класична механіка, електродинаміка, квантова механіка, термодинаміка. Вивчення дисципліни ґрунтується на курсах математичного аналізу та алгебри.			
3. Мета та цілі курсу			
Мета викладання навчальної дисципліни полягає в: – формуванні теоретичної бази з теорії звичайних диференціальних рівнянь та їх систем, існування та єдиності розв'язку, методів розв'язування тих рівнянь і систем, що розв'язуються в квадратах; – формуванні практичних навичок розв'язування основних типів інтегрованих у квадратах звичайних диференціальних рівнянь і систем, а також розв'язування початкових та крайових задач для звичайних диференціальних рівнянь; – ознайомленні з лінійними інтегральними рівняннями Фредгольма і Вольтерри та методами їх розв'язування, а також із можливими застосуваннями диференціальних та інтегральних рівнянь для розв'язування фізичних задач.			
4. Компетентності			
ЗК.3. Вміння виявляти, ставити та вирішувати проблеми. ЗК.6. Знання та розуміння предметної області і розуміння професійної діяльності. ЗК.10. Здатність до аналізу та синтезу. ФК.1. Здатність використовувати закони й принципи фізики у поєднанні із потрібними математичними інструментами для опису природних явищ. ФК.4. Здатність правильно використовувати набуті знання і навички у викладацькій діяльності та при роботі у науково-дослідних лабораторіях.			
5. Результати навчання			
ПРН.2. Аналізує фізичні явища і процеси на основі фізичних законів, теорій, принципів, із застосуванням відповідних математичних методів. ПРН.6. Користується математичним апаратом фізики, застосовує математичні та чисельні методи, що використовуються в курсі фізики базової середньої школи. ПРН.10. Знає і розуміє математичні методи фізики та розділів математики, що є основою вивчення курсів загальної та теоретичної фізики.			
6. Організація навчання курсу			
Обсяг курсу			
Вид заняття		Загальна кількість годин	
лекції		10	
семінарські заняття / практичні / лабораторні		20	
самостійна робота		60	
Ознаки курсу			
Семестр	Спеціальність	Курс (рік навчання)	Нормативний / вибірковий
3	014 Середня освіта (за	2	нормативний

	предметними спеціалізаціями)				
Тематика курсу					
Тема, план	Форма заняття	Література	Завдання, год	Вага оцінки, %	Термін виконання
Змістовий модуль 1. Звичайні диференціальні рівняння першого порядку та нелінійні рівняння n-го порядку					
Тема 1. Поняття диференціального рівняння і загальна теорія диференціальних рівнянь першого порядку Задачі, що приводять до диференціальних рівнянь. Поняття про диференціальні рівняння. Поняття диференціального рівняння першого порядку та його розв'язку. Задача Коші, умови існування та єдиності розв'язку. Загальний, частинний та особливий розв'язки.	лекція	1, с. 12–22, 7, с. 13–22	Опрацювати літературу, прочитати конспект (4 год.)	0,4	вересень
Тема 2. Диференціальні рівняння першого порядку, розв'язані відносно похідної Рівняння з відокремлюваними змінними. Рівняння, однорідні відносно змінних. Лінійні рівняння. Рівняння Бернуллі. Рівняння в повних диференціалах.	лекція	1, с. 37–62, 5, с. 50–100	Опрацювати літературу, прочитати конспект (4 год.)	0,4	вересень
Тема 3. Рівняння з відокремлюваними змінними Інтегрування рівнянь з відокремлюваними змінними. Загальний, особливий і частинний розв'язки. Початкова задача. Рівняння, звідні до рівнянь з відокремлюваними змінними.	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	вересень
Тема 4. Однорідні диференціальні рівняння Визначення типу рівнянь. Інтегрування однорідних диференціальних рівнянь. Загальний, особливий і частинний розв'язки.	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	вересень
Тема 5. Лінійні диференціальні рівняння Інтегрування лінійних за змінною у диференціальних рівнянь. Інтегрування лінійних по x диференціальних	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	5,8	жовтень

рівнянь. Рівняння Бернуллі. Самостійна робота № 1.					
Тема 6. Рівняння у повних диференціалах Визначення типу рівнянь. Інтегрування рівнянь у повних диференціалах. Інтегровальний множник.	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	жовтень
Тема 7. Різні диференціальні рівняння першого порядку і задачі, які приводять до диференціальних рівнянь Різні диференціальні рівняння першого порядку. Радіоактивний розпад. Охолодження тіла. Горизонтальний рух.	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	жовтень
Змістовий модуль 2. Лінійні диференціальні рівняння n-го порядку і системи звичайних диференціальних рівнянь, інтегральні рівняння					
Тема 8. Лінійні диференціальні рівняння вищих порядків Лінійні рівняння n -го порядку та їхні властивості. Лінійна залежність функцій, вронскіан, необхідна умова. Необхідна і достатня умова лінійної незалежності системи функцій. Фундаментальна система розв'язків та загальний розв'язок лінійного однорідного рівняння n -го порядку. Лінійні однорідні диференціальні рівняння вищих порядків зі сталими коефіцієнтами. Загальний розв'язок лінійного неоднорідного рівняння. Метод варіації сталих. Знаходження частинних розв'язків неоднорідних рівнянь зі сталими коефіцієнтами методом невизначених коефіцієнтів.	лекція	1, с. 103–114, 2, с. 113–121, 3, с. 91–102, 10, с. 93–106	Опрацювати літературу, прочитати конспект (4 год.)	0,4	жовтень
Тема 9. Лінійні диференціальні рівняння зі сталими коефіцієнтами Лінійні однорідні диференціальні рівняння другого і вищих порядків. Метод невизначених коефіцієнтів для лінійних неоднорідних рів-	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	листопад

нянь					
<p>Тема 10. Метод варіації довільних сталих, початкові і крайові задачі</p> <p>Початкові і крайові задачі для лінійних однорідних і неоднорідних рівнянь. Метод варіації довільних сталих для лінійних неоднорідних рівнянь. Побудова частинних розв'язків методом невизначених коефіцієнтів.</p>	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	0,8	листопад
<p>Тема 11. Системи звичайних диференціальних рівнянь</p> <p>Системи диференціальних рівнянь. Основні поняття, теорема Коші. Зв'язок нормальної системи диференціальних рівнянь з диференціальними рівняннями n-го порядку. Лінійні системи диференціальних рівнянь. Лінійні системи диференціальних рівнянь зі сталими коефіцієнтами.</p>	лекція	1, с. 172–212, 2, с. 164–227	Опрацювати літературу, прочитати конспект (4 год.)	0,4	листопад
<p>Тема 12. Метод виключення для систем диференціальних рівнянь</p> <p>Інтегрування однорідних систем зі сталими коефіцієнтами. Інтегрування неоднорідних систем зі сталими коефіцієнтами. Самостійна робота.</p>	практичне заняття	1–7, 12	Виконати вправи (4 год.)	5,8	листопад
<p>Тема 13. Інтегральні рівняння</p> <p>Основні класи інтегральних рівнянь. Інтегральні рівняння із виродженими ядрами. Альтернатива Фредгольма. Рівняння Вольтерри і Фредгольма першого роду.</p>	лекція	1, с. 266–309, 3, с. 306–357	Опрацювати літературу, прочитати конспект (4 год.)	0,4	листопад
<p>Тема 14. Інтегральні рівняння Фредгольма другого роду з виродженими ядрами</p> <p>Інтегральні рівняння з одним доданком в ядрі. Інтегральні рівняння з кількома доданками в ядрі.</p>	практичне заняття	1, 3, 13	Виконати вправи (4 год.)	0,8	грудень
<p>Тема 15. Контрольна робота</p> <p>Рівняння з відокремлюваними змінними. Однорідні рівняння. Лінійні диференціальні рівняння. Рівняння у</p>	практичне заняття	1–7, 12, 13	Підготуватись до контрольної роботи (4 год.)	30	грудень

повних диференціалах. Початкові і крайові задачі для лінійних однорідних диференціальних рівнянь зі сталими коефіцієнтами. Лінійні неоднорідні диференціальні рівняння зі сталими коефіцієнтами. Системи диференціальних рівнянь. Інтегральні рівняння.					
7. Система оцінювання курсу					
Загальна система оцінювання курсу	Система оцінювання курсу здійснюється згідно з критеріями оцінювання навчальних досягнень студентів, що регламентовані в університеті. Допуск до іспиту становить максимум 50 балів, бал за складання іспиту (підсумковий контроль) становить максимум 50 балів.				
Вимоги до письмової роботи	Передбачено контрольну роботу, яка оцінюється за шкалою від 0 до 30 балів, і дві самостійні роботи, кожна з яких оцінюється за шкалою від 0 до 5 балів.				
Семінарські заняття	Оцінюється відвідуваність усіх занять упродовж семестру за 10-бальною шкалою.				
Умови допуску до підсумкового контролю	При виставленні допуску до іспиту (максимум 50 балів) враховуються навчальні досягнення студентів (бали), набрані під час контактних (аудиторних) годин, при виконанні завдань для самостійної роботи, а також бали за контрольну і самостійні роботи.				
8. Політика курсу					
<p>Загальна максимальна сума балів, яка присвоюється студентові за вивчення навчальної дисципліни, становить 100 балів – сума балів за виконання контрольної роботи, самостійних робіт, відвідування навчальних занять та бали, отримані під час іспиту. Допуск до іспиту передбачає отримання рейтингової підсумкової оцінки (максимум 50 балів, мінімум 25 балів).</p> <p>При виставленні рейтингового підсумкового балу обов'язково враховується присутність студента на заняттях (у тому числі на лекційних), активність студента під час практичних занять, наявність пропусків без поважних причин, користування мобільним телефоном, планшетом чи іншими мобільними пристроями під час опитування та виконання письмових завдань, списування та плагіат, а також результати відпрацювання пропущених з поважної причини занять.</p> <p>Студент, який не набрав 25 балів, до іспиту за відомістю № 1 не допускається. У такому випадку до початку екзаменаційної сесії або під час ліквідації академічної заборгованості студент користується повторним правом отримати допуск на складання іспиту за відомістю № 2 на консультаціях викладача (перескладання пропущених тем, виконання індивідуальних завдань і контрольних робіт).</p>					
9. Рекомендована література					
<ol style="list-style-type: none"> 1. Гой Т. П., Махней О. В. Диференціальні та інтегральні рівняння. Івано-Франківськ : Сімик, 2012. 352 с. 2. Шкіль М. І., Лейфура В. М., Самусенко П. Ф. Диференціальні рівняння. К. : Техніка, 2003. 368 с. 3. Кривошея С. А., Перестюк М. О., Бурим В. М. Диференціальні та інтегральні рівняння. К. : Либідь, 2004. 408 с. 4. Самойленко А. М., Кривошея С. А., Перестюк М.О. Диференціальні рівняння у задачах. М. : Высшая школа, 1989. К. : Либідь, 1994, 2003. 5. Матвеев Н. М. Методы интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений. М. : Высшая школа, 1963, 1967. 6. Лавренюк С. П. Курс дифференциальных рівнянь. Львів : Вид-во наук.-техн. літератури, 1997. 216 с. 7. Гой Т. П., Махней О. В. Диференціальні рівняння. Івано-Франківськ : Сімик, 2012. 352 с. 8. Амелькин В. В. Дифференциальные уравнения в приложениях. М. : Едиториал УРСС, 2003. 208 с. 9. Шкіль М. І., Сотніченко М. А. Звичайні диференціальні рівняння. К. : Вища школа, 1992. 303 с. 					

10. Эльсгольц Л. Э. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление. М. : Наука, 1969.
11. Боярчук А. К., Головач Г. П. Справочное пособие по высшей математике. Т. 5: Дифференциальные уравнения в примерах и задачах. М. : Едиториал УРСС, 2001. 384 с.
12. Филиппов А. Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. М. : Наука, 1970, 1973, 1979, 1985.
13. Краснов М. Л., Кисилев А. И., Макаренко Г. И. Интегральные уравнения. Задачи и упражнения. М. : Наука, 1976.

Викладач Махней Олександр Володимирович